

IPE

Vinicius de Novaes

# Fundamentos de Criptografia

# Fundamentos de Criptografia

- Quando fazemos compras pela internet, temos que enviar o número do cartão de crédito para efetivar a compra.
- A internet é uma rede pública, e qualquer um pode acessar os pacotes de dados que são transmitidos através dela.

# Fundamentos de Criptografia

- Quando fazemos compras pela internet, temos que enviar o número do cartão de crédito para efetivar a compra.
- A internet é uma rede pública, e qualquer um pode acessar os pacotes de dados que são transmitidos através dela.
- É mais seguro se você disfarçar os dados do seu cartão de alguma maneira.
- E é o que fazemos quando, por exemplo, usamos um site que começa com “https” ao invés de “http”.



- Muitas informações podem ser roubadas em conexões pela internet.
- Informações enviadas de/para forças armadas, diplomáticas, cartão de crédito, etc...

- Muitas informações podem ser roubadas em conexões pela internet.
- Informações enviadas de/para forças armadas, diplomáticas, cartão de crédito, etc...
- Portanto além de precisarmos de formas de criptografar e decifrar informações, esse métodos precisam ser dificílimos de derrotar.

O que é criptografia?

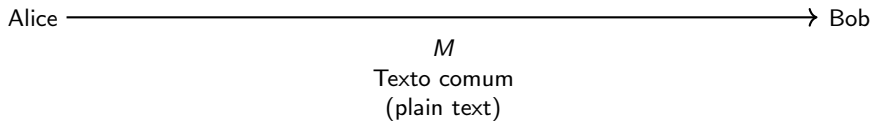


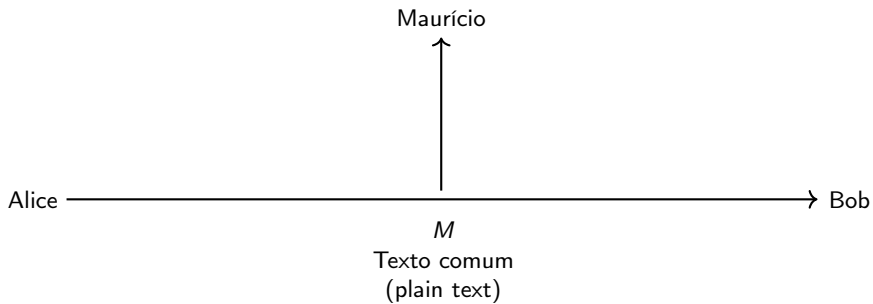
## O que é criptografia?

- O estudo das técnicas de fazer comunicação segura entre duas partes, onde existe uma terceira parte que não pode ter acesso à comunicação.

## O que é criptografia?

- O estudo das técnicas de fazer comunicação segura entre duas partes, onde existe uma terceira parte que não pode ter acesso à comunicação.
- Imagine uma situação onde a pessoa A manda uma mensagem para a pessoa B, mas somente a pessoa A e a pessoa B podem \*entender\* a mensagem, apesar da mensagem poder ser \*acessada\* por qualquer pessoa.





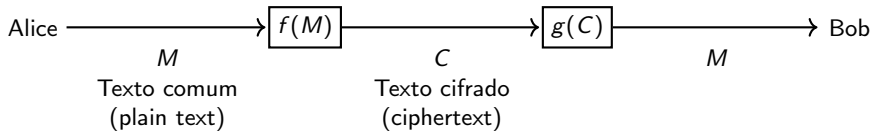
# Exemplos

## Exemplos

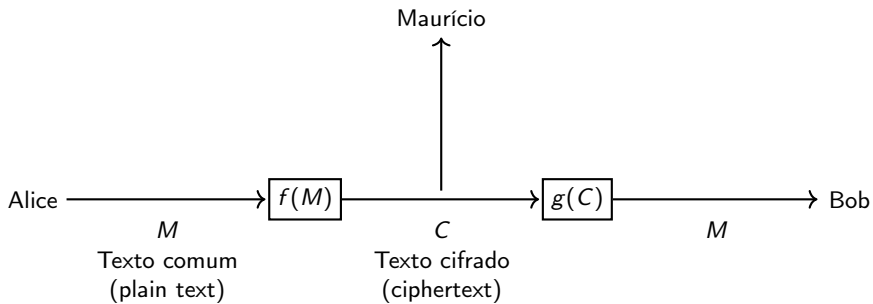
- cartas enviadas que poderiam ser interceptadas sem correr o risco do interceptador conseguir ler o conteúdo. Júlio César, o imperador romano, tinha uma técnica de criptografia para que as cartas fossem enviadas de forma segura.

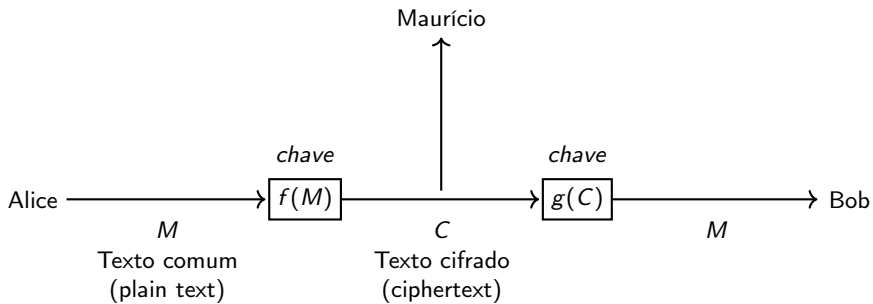
## Exemplos

- cartas enviadas que poderiam ser interceptadas sem correr o risco do interceptador conseguir ler o conteúdo. Júlio César, o imperador romano, tinha uma técnica de criptografia para que as cartas fossem enviadas de forma segura.
- mensagens de rádio que podem ser ouvidas por terceiros, sem que estes terceiros entendam a mensagem. Alan Turing, cientista da computação, ficou famoso por fazer um computador capaz de **\*\*quebrar a criptografia\*\*** da inteligência nazista durante a segunda guerra mundial.









# Cifra de deslocamento

## Cifra de deslocamento

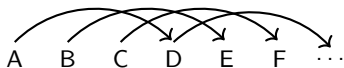
- Supostamente, Júlio César teria se comunicado com seus generais usando uma cifra de deslocamento.

## Cifra de deslocamento

- Supostamente, Júlio César teria se comunicado com seus generais usando uma cifra de deslocamento.
- Nessa cifra substitui-se cada letra pela que aparece 3 lugares adiante no alfabeto.

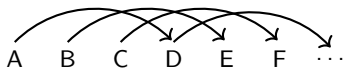
## Cifra de deslocamento

- Supostamente, Júlio César teria se comunicado com seus generais usando uma cifra de deslocamento.
- Nessa cifra substitui-se cada letra pela que aparece 3 lugares adiante no alfabeto.



## Cifra de deslocamento

- Supostamente, Júlio César teria se comunicado com seus generais usando uma cifra de deslocamento.
- Nessa cifra substitui-se cada letra pela que aparece 3 lugares adiante no alfabeto.



- Nesse caso a *chave* é 3 o que é muito óbvio, então se quisermos usar a cifra de deslocamento, o ideal seria escolher outra chave.

mnocaj ijikxvkj



mnocaj ijikxvkj

0: mnocaj ijikxvkj

mnocaj ijikxvkj

- 0: mnocaj ijikxvkj
- 1: lmnb izhihjwuji
- 2: klmazhyghgivitih
- 3: jkl ygxfghushg

## mnocaj ijikxvkj

0: mnocaj ijikxvkj  
1: lmbn izhijwuji  
2: klmazhyghgivitih  
3: jkl ygxfgfhushg  
4: ijkzxfwefegtrgf  
5: hijywevdedfsqfe  
6: ghixvducdcerped  
7: fghwuctbcbdqodc  
8: efgvtbsabacpncb  
9: defusar a bomba

10: cdetr qz zanla  
11: bcdsqzpyzy mk z  
12: abcrpyoxyzljzy  
13: abqoxnwxwykiyx  
14: z apnwmvwxjhwx  
15: yz omvluvuwigwv  
16: xyznluktutvhfvu  
17: wxymktjstsugeut  
18: vwxljsirsrtfdts

19: uvwkirhqrqsecsr  
20: tuvjhqgpqprdbraq  
21: stuigpfopoqcaqp  
22: rsthfoenonpb po  
23: qrsgendmnmoazon  
24: pqrfdmclmln ynm  
25: opqeclbklkmzxml  
26: nopdbkajkjlywlk

## mnocaj ijikxvkj

0: mnocaj ijikxvkj  
1: lmbn izhijwuji  
2: klmazhyghgivitih  
3: jkl ygxfgfhushg  
4: ijkzxfwefegtrgf  
5: hijywevdedfsqfe  
6: ghixvducdcerped  
7: fghwuctbcbdqodc  
8: efgvtbsabacpncb  
9: **defusar a bomba**

10: cdetr qz zanla  
11: bcdsqzpyzy mk z  
12: abcrpyoxyzljzy  
13: abqoxnwxwykiyx  
14: z apnwmvwxjhwx  
15: yz omvluvuwigwv  
16: xyznluktutvhfvu  
17: wxymktjstsugeut  
18: vwxljsirsrtfdts

19: uvwkirhqrqsecsr  
20: tuvjhqgpqprdbraq  
21: stuigpfopoqcaqp  
22: rsthfoenonpb po  
23: qrsgendmnmoazon  
24: pqrfdmclmln ynm  
25: opqecblklkmzxml  
26: nopdbkajkjlywlk

mnocaj ijikxvkj

0: mnocaj ijikxvkj  
1: lmbn izhijwuji  
2: klmazhyghgivitih  
3: jkl ygxfgfhushg  
4: ijkzxfwefegtrgf  
5: hijywevdedfsqfe  
6: ghixvducdcerped  
7: fghwuctbcbdqodc  
8: efgvtbsabacpncb  
9: **defusar a bomba**

10: cdetr qz zanla  
11: bcdsqzpyzy mk z  
12: abcrpyoxyzljzy  
13: abqoxnwxwykiyx  
14: z apnwmvwxjhwx  
15: yz omvluvuwigwv  
16: xyznluktutvhfvu  
17: wxymktjstsugeut  
18: vwxljsirsrtfdts

19: uvwkirhqrqsecsr  
20: tuvjhqgpqprdbraq  
21: stuigpfopoqcaqp  
22: rsthfoenonpb po  
23: qrsgendmnmoazon  
24: pqrfdmclmln ynm  
25: opqecblklkmzxml  
26: nopdbkajkjlywlk

defusar a bomba

# Cifra de substituição simples

## Cifra de substituição simples

- Na cifra de deslocamento existem 26 chaves distintas, fácil de testar todas.

## Cifra de substituição simples

- Na cifra de deslocamento existem 26 chaves distintas, fácil de testar todas.
- Mas podemos fazer algo mais seguro substituindo cada carácter por outro qualquer, não necessariamente o que está a 3 posições no alfabeto.



## Cifra de substituição simples

- Na cifra de deslocamento existem 26 chaves distintas, fácil de testar todas.
- Mas podemos fazer algo mais seguro substituindo cada carácter por outro qualquer, não necessariamente o que está a 3 posições no alfabeto.

a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o	p	q	r	s	t	u
u	w	l	x	q	f	p	r	e	n	v	h	z	t	j	s	c	g	i	a	k



- Agora existem  $26!$  permutações (chaves) diferente, difícil de testar uma a uma.

- Agora existem  $26!$  permutações (chaves) diferente, difícil de testar uma a uma.
- Entretanto ainda é bastante fácil descobrir um texto criptografado dessa maneira.

j wjzwugxqej gkiiij fje j sgezqegj pcutxq  
uauckq qz veqo xqixq j fetuh xq uwgeh tui  
khaezui iqzutui u gkiieu ljtlqtagjk iku  
jfqtieou sgetlesuhzqtaq tui hetruu xq fgqtaq  
tj hqiaq q tj ikh qzwejgu zjiljk jluiejtuhzqtaq  
uauckq jkagji hkpuqi tu luzsutru sugu  
xqiagkeg u etfguqiagkakgu zeheaug xu klguteu q  
whjckqug gqzqiiui xq ugzui jlexqtauei

j wjzwugxqej gkiiij fje j sgezqegj pcutxq  
uauckq qz veqo xqixq j fetuh xq uwgeh tui  
khaezui iqzutui u gkiieu ljtlqtagjk iku  
jfqtieou sgetlesuhzqtaq tui hetruu xq fgqtaq  
tj hqiaq q tj ikh qzwjgu zjiljk jluiejtuhzqtaq  
uauckq jkagji hkpuqi tu luzsutru sugu  
xqiagkeg u etfquqiagkakgu zeheaug xu klguteu q  
whjckqug gqzqiui xq ugzui jlexqtauei

- Uma ideia é usar frequência de cada carácter, se soubermos que o texto está em português.

u	41
q	33
i	26
g	24
j	22
e	21
t	21
Em pt-br.	
a	14.63%
e	12.57%
o	10.73%
s	7.81%
r	6.53%
i	6.18%
n	5.05%

- u deve ser A.

j wjzwAgxqej gkiiij fje j sgezqegj pgAtxq  
 AaAckq qz veqo xqixq j fetAh xq Awgeh tAi  
 khaezAi iqzAtAi A gkiieA ljtlqtagjk ikA  
 jfqtieoA sgetlesAhzqtaq tAi hetrAi xq fgqtaq  
 tj hqiaq q tj ikh qzwjgA zjiljk jIAiejtAhzqtaq  
 AaAckq jkagji hkpAgqi tA lAzsAttrA sAgA  
 xqiagkeg A etfgAqiagkakgA zeheaAg xA klgAteA q  
 whjckqAg gqzqiiAi xq AgzAi jlexqtaAei

- Parece ok.

u	41
q	33
i	26
g	24
j	22
e	21
t	21
Em pt-br.	
a	14.63%
e	12.57%
o	10.73%
s	7.81%
r	6.53%
i	6.18%
n	5.05%

- q deve ser E.

j wjzwAgxEej gkiiij fje j sgezEegj pgAtxE  
 AaAckE Ez veEo xEixE j fetAh xE Awgeh tAi  
 khaezAi iEzAtAi A gkiieA ljtLEtagjk ikA  
 jfEtieoA sgetlesAhzEtaE tAi hetrAi xE fgEtaE  
 tj hEiaE E tj ikh EzwjgA zjiljk jLAiejtAhzEtaE  
 AaAckE jkagji hkpAgEi tA lAZsAttrA sAgA  
 xEiagkeg A etfgAEiagkakgA zeheaAg xA klgAteA E  
 whjckEAg gEzEiiAi xE AgzAi jlexEtaAei

- Parece ok.

u	41
q	33
i	26
g	24
j	22
e	21
t	21
Em pt-br.	
a	14.63%
e	12.57%
o	10.73%
s	7.81%
r	6.53%
i	6.18%
n	5.05%



- i deve ser O.

j wjzwAgxEej gk00j fje j sgezEegj pgAtxE  
 AaAckE Ez veEo xEOxE j fetAh xE Awgeh tAO  
 khaezAO OEzAtAO A gk00eA ljt1Etagjk OkA  
 jfEtOeoA sgetlesAhzEtaE tAO hetraO xE fgEtaE  
 tj hEOaE E tj Okh EzwjgA zjOljk j1AOejtAhzEtaE  
 AaAckE jkagj0 hkpAgEO tA lAzsAttrA sAgA  
 xEOagkeg A etfgAEOagkakgA zeheaAg xA klgAteA E  
 whjckEAg gEzE00AO xE AgzAO jlexEtaAeO

- Ficou estranho, note o O0AO. Pode ser S

u	41
q	33
i	26
g	24
j	22
e	21
t	21
Em pt-br.	
a	14.63%
e	12.57%
o	10.73%
s	7.81%
r	6.53%
i	6.18%
n	5.05%

- (i)O deve ser S.

j wjzwAgxEej gkSSj fje j sgezEegj pgAtxE  
 AaAckE Ez veEo xESxE j fetAh xE Awgeh tAS  
 khaezAS SEzAtAS A gkSSeA ljtLEtagjk SkA  
 jfEtSeoA sgetlesAhzEtaE tAS hetrAS xE fgEtaE  
 tj hESaE E tj Skh EzwjgA zjSljk jlASejtAhzEtaE  
 AaAckE jkagjS hkpAgES tA lAZsAttrA sAgA  
 xESagkeg A etfgAESagkakgA zeheaAg xA klgAteA E  
 whjckEAg gEzESSAS xE AgzAS jlexEtaAeS

- Parece Ok.

u	41
q	33
i	26
g	24
j	22
e	21
t	21
Em pt-br.	
a	14.63%
e	12.57%
o	10.73%
s	7.81%
r	6.53%
i	6.18%
n	5.05%

- g deve ser O.

j wjzWA0xEej OkSSj fje j sOezEeOj p0AtxE  
 AaAckE Ez veEo xESxE j fetAh xE AwOeh tAS  
 khaezAS SEzAtAS A OkSSeA ljt1EtaOjk SkA  
 jfEtSeoA sOetlesAhzEtaE tAS hetrAS xE foEtaE  
 tj hESaE E tj Skh EzwjOA zjSljk j1ASejtAhzEtaE  
 AaAckE jkaOjS hkpAOES tA lAZsAttrA sAOA  
 xESaOke0 A etfOAESaOkakOA zeheaAO xA k1OateA E  
 whjckEAO OEzESSAS xE AOzAS jlexEtaAeS

- Note a palavra OEzESSAS. Deve ser R

u	41
q	33
i	26
g	24
j	22
e	21
t	21
Em pt-br.	
a	14.63%
e	12.57%
o	10.73%
s	7.81%
r	6.53%
i	6.18%
n	5.05%

- (g)O deve ser R.

j wjzWARxEej RkSSj fje j sRezEerj pRAtxE  
 AaAckE Ez veEo xESxE j fetAh xE AwReh tAS  
 khaezAS SEzAtAS A RkSSeA ljtLEtaRjk SkA  
 jfEtSeoA sRetlesAhzEtaE tAS hetrAS xE fREtaE  
 tj hESaE E tj Skh EzwjRA zjSljk jlASejtAhzEtaE  
 AaAckE jkaRjS hkpARES tA lAZsAttrA sARA  
 xESaRkeR A etfRAESaRkakRA zeheaAR xA klRAteA E  
 whjckEAR REzESSAS xE ARzAS jlexEtaAeS

- Parece ok.

u	41
q	33
i	26
g	24
j	22
e	21
t	21
Em pt-br.	
a	14.63%
e	12.57%
o	10.73%
s	7.81%
r	6.53%
i	6.18%
n	5.05%

- j deve ser O.

O w0zWARxEe0 RkSS0 f0e 0 sRezEeR0 pRAtxE  
 AaAckE Ez veEo xESxE 0 fetAh xE AwReh tAS  
 khaezAS SEzAtAS A RkSSeA l0t1EtaR0k SkA  
 OfEtSeoA sRetlesAhzEtaE tAS hetRAS xE fREtaE  
 t0 hESaE E t0 Skh EzwORA zOSl0k OlASe0tAhzEtaE  
 AaAckE OkAROS hkpARES tA lAzsAttrA sARA  
 xESaRkeR A etfRAESaRkakRA zeheaAR xA klRAteA E  
 whOckEAR REzESSAS xE ARzAS OlexEtaAeS

- Parece ok.

u	41
q	33
i	26
g	24
j	22
e	21
t	21
Em pt-br.	
a	14.63%
e	12.57%
o	10.73%
s	7.81%
r	6.53%
i	6.18%
n	5.05%

- e deve ser l.

O wOzWARxEIO RkSSO fOI O sRIzEIRO pRAtxE  
 AaAckE Ez vIEo xESxE O fItAh xE AwRIh tAS  
 khaIzAS SEzAtAS A RkSSIA lOtLEtaROk SkA  
 OfEtSIOA sRItlIsAhzEtaE tAS hItrAS xE fREtaE  
 tO hESaE E tO Skh EzwORA zOSlOk OIASIOtAhzEtaE  
 AaAckE OkAROS hkPARES tA lAZsAttrA sARA  
 xESaRkIR A ItfRAESaRkakRA zIhIaAR xA klRAtIA E  
 whOckEAR REzESSAS xE ARzAS OLIxEtaAIS

- Parece ok.

u	41
q	33
i	26
g	24
j	22
e	21
t	21
Em pt-br.	
a	14.63%
e	12.57%
o	10.73%
s	7.81%
r	6.53%
i	6.18%
n	5.05%

- t deve ser N.

O wOzWARxEIO RkSSO fOI O sRIzEIRO pRANxE  
 AaAckE Ez vIEo xESxE O fINAh xE AwRIh NAS  
 khaIzAS SEzANAS A RkSSIA lONlENaROk SkA  
 OfENSIoA sRINlIsAhzENaE NAS hINrAS xE fRENaE  
 NO hESaE E NO Skh EzwORA zOSlOk OIASIONAhzENaE  
 AaAckE OkAROS hkPARES NA lAZsANrA sARA  
 xESaRkIR A INfRAESaRkakra zIhIaAR xA kLRANIA E  
 whOckEAR REzESSAS xE ARzAS OLIxENaAIS

- Parece ok.

u	41
q	33
i	26
g	24
j	22
e	21
t	21
Em pt-br.	
a	14.63%
e	12.57%
o	10.73%
s	7.81%
r	6.53%
i	6.18%
n	5.05%

- O próximo seria k por D.

O wOzwARxEIO RDSSO fOI O sRIzEIRO pRANxE AaAcDE Ez vIEo  
xESxE O fINAh xE AwRIh NAS DhaIzAS SEzANAS A RDSSIA  
lONlENaROD SDA OfENSIoA sRINlIsAhzENaE NAS hINrAS xE  
fRENaE NO hESaE E NO SDh EzwORA zOSlOD OlASIONAhzENaE  
AaAcDE ODaROS hDpARES NA lAzsANrA sARA xESaRDIR A  
INfRAESaRDaDRA zIhIaAR xA DlRANIA E whOcDEAR REzESSAS xE  
ARzAS OlIxENaAIS



- O próximo seria k por D.

O wOzwARxEIO RDSSO fOI O sRIzEIRO pRANxE AaAcDE Ez vIEo  
xESxE O fINAh xE AwRIh NAS DhaIzAS SEzANAS A RDSSIA  
lONlENaROD SDA OfENSIoA sRINlIsAhzENaE NAS hINrAS xE  
fRENaE NO hESaE E NO SDh EzwORA zOSlOD OlASIONAhzENaE  
AaAcDE ODaROS hDpARES NA lAzsANrA sARA xESaRDIR A  
INfRAESaRDaDRA zIhIaAR xA DlRANIA E whOcDEAR REzESSAS xE  
ARzAS OlIxENaAIS

- Ficou estranho, olhe o "RDSSO". Deve ser U.

- O próximo seria k por D.

O wOzwARxEIO RDSSO fOI O sRIzEIRO pRANxE AaAcDE Ez vIEo  
xESxE O fINAh xE AwRIh NAS DhaIzAS SEzANAS A RDSSIA  
lONlENaROD SDA OfENSIoA sRINlIsAhzENaE NAS hINrAS xE  
fRENaE NO hESaE E NO SDh EzwORA zOSlOD OlASIONAhzENaE  
AaAcDE ODaROS hDpARES NA lAzsANrA sARA xESaRDIR A  
INfRAESaRDaDRA zIhIaAR xA DlRANIA E whOcDEAR REzESSAS xE  
ARzAS OlIxENaAIS

- Ficou estranho, olhe o "RDSSO". Deve ser U.
- Daqui pra frente começa a falhar um pouco.

- (k)D por U.

O wOzwARxEIO RUSSO fOI O sRIzEIRO pRANxE AaAcUE Ez vIEo  
xESxE O fINAh xE AwRIh NAS UhaIzAS SEzANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA sRINlIsAhzENaE NAS hINrAS xE  
fRENaE NO hESaE E NO SUh EzwORA zOSlOU OlASIONAhzENaE  
AaAcUE OUaROS hUpARES NA lAzsANrA sARA xESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA zIhIaAR xA UlRANIA E whOcUEAR REzESSAS xE  
ARzAS OlIxENaAIS

- (k)D por U.

O wOzwARxEIO RUSSO fOI O sRIzEIRO pRANxE AaAcUE Ez vIEo  
xESxE O fINAh xE AwRIh NAS UhaIzAS SEzANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA sRINlIsAhzENaE NAS hINrAS xE  
fRENaE NO hESaE E NO SUh EzwORA zOSlOU OlASIONAhzENaE  
AaAcUE OUaROS hUpARES NA lAzsANrA sARA xESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA zIhIaAR xA UlRANIA E whOcUEAR REzESSAS xE  
ARzAS OlIxENaAIS

- REzESSAS deve ser REMESSAS.

- (k)D por U.

O wOzwARxEIO RUSSO fOI O sRIzEIRO pRANxE AaAcUE Ez vIEo  
xESxE O fINAh xE AwRIh NAS UhaIZAS SEZANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA sRINlIsAhzENaE NAS hINrAS xE  
fRENaE NO hESaE E NO SUh EzwORA zOSlOU OlASIONAhzENaE  
AaAcUE OUaROS hUpARES NA lAzsANrA sARA xESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA zIhIaAR xA UlRANIA E whOcUEAR REzESSAS xE  
ARzAS OlIxENaAIS

- REzESSAS deve ser REMESSAS.
- Trocar z por M.

- z por M.

O wOMwARxEIO RUSSO fOI O sRIMEIRO pRANxE AaAcUE EM vIEo  
xESxE O fINAh xE AwRIh NAS UhaIMAS SEMANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA sRINlIsAhMENaE NAS hINrAS xE  
fRENaE NO hESaE E NO SUh EMwORA MOSlOU OlASIONAhMENaE  
AaAcUE OUaROS hUpARES NA lAMsANrA sARA xESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA MIhIaAR xA UlRANIA E whOcUEAR REMESSAS xE  
ARMAS OlIxENaAIS

- z por M.

O wOMwARxEIO RUSSO fOI O sRIMEIRO pRANxE AaAcUE EM vIEo  
xESxE O fINAh xE AwRIh NAS UhaIMAS SEMANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA sRINlIsAhMENaE NAS hINrAS xE  
fRENaE NO hESaE E NO SUh EMwORA MOSlOU OlASIONAhMENaE  
AaAcUE OUaROS hUpARES NA lAMsANrA sARA xESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA MIhIaAR xA UIRANIA E whOcUEAR REMESSAS xE  
ARMAS OlIxENaAIS

- tem xE, xA..

- z por M.

O wOMwARxEIO RUSSO fOI O sRIMEIRO pRANxE AaAcUE EM vIEo  
xESxE O fINAh xE AwRIh NAS UhaIMAS SEMANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA sRINlIsAhMENaE NAS hINrAS xE  
fRENaE NO hESaE E NO SUh EMwORA MOSlOU OlASIONAhMENaE  
AaAcUE OUaROS hUpARES NA lAMsANrA sARA xESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA MIhIaAR xA UlRANIA E whOcUEAR REMESSAS xE  
ARMAS OlIxENaAIS

- tem xE, xA..
- x deve ser D



- x por D.

O wOMwARDEIO RUSSO fOI O sRIMEIRO pRANDE AaAcUE EM vIEo  
DESDE O fINAh DE AwRIh NAS UhaIMAS SEMANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA sRINlIsAhMENaE NAS hINrAS DE  
fRENaE NO hESaE E NO SUh EMwORA MOSlOU OlASIONAhMENaE  
AaAcUE OUaROS hUpARES NA lAMsANrA sARA DESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA MIhIaAR DA UlRANIA E whOcUEAR REMESSAS DE  
ARMAS OlIDENaAIS

- x por D.

O wOMwARDEIO RUSSO fOI O sRIMEIRO pRANDE AaAcUE EM vIEo  
DESDE O fINAh DE AwRIh NAS UhaIMAS SEMANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA sRINlIsAhMENaE NAS hINrAS DE  
fRENaE NO hESaE E NO SUh EMwORA MOSlOU OlASIONAhMENaE  
AaAcUE OUaROS hUpARES NA lAMsANrA sARA DESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA MIhIaAR DA UlRANIA E whOcUEAR REMESSAS DE  
ARMAS OlIDENaAIS

- sRIMEIRO deve ser PRIMEIRO

- x por D.

O wOMwARDEIO RUSSO fOI O sRIMEIRO pRANDE AaAcUE EM vIEo  
DESDE O fINAh DE AwRIh NAS UhaIMAS SEMANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA sRINlIsAhMENaE NAS hINrAS DE  
fRENaE NO hESaE E NO SUh EMwORA MOSlOU OlASIONAhMENaE  
AaAcUE OUaROS hUpARES NA lAMsANrA sARA DESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA MIhIaAR DA UlRANIA E whOcUEAR REMESSAS DE  
ARMAS OlIDENaAIS

- sRIMEIRO deve ser PRIMEIRO
- s deve ser P

- s por P.

O wOMwARDEIO RUSSO fOI O PRIMEIRO pRANDE AaAcUE EM vIEo  
DESDE O fINAh DE AwRIh NAS UhaIMAS SEMANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA PRINlIPAhMENaE NAS hINrAS DE  
fRENaE NO hESaE E NO SUh EMwORA MOSlOU OlASIONAhMENaE  
AaAcUE OUaROS hUpARES NA lAMPANrA PARA DESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA MIhIaAR DA UlRANIA E whOcUEAR REMESSAS DE  
ARMAS OlIDENaAIS

- s por P.

O wOMwARDEIO RUSSO fOI O PRIMEIRO pRANDE AaAcUE EM vIEo  
DESDE O fINAh DE AwRIh NAS UhaIMAS SEMANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA PRINlIPAhMENaE NAS hINrAS DE  
fRENaE NO hESaE E NO SUh EMwORA MOSlOU OlASIONAhMENaE  
AaAcUE OUaROS hUpARES NA lAMPANrA PARA DESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA MIhIaAR DA UlRANIA E whOcUEAR REMESSAS DE  
ARMAS OlIDENaAIS

- pRANDE deve ser GRANDE

- s por P.

O wOMwARDEIO RUSSO fOI O PRIMEIRO pRANDE AaAcUE EM vIEo  
DESDE O fINAh DE AwRIh NAS UhaIMAS SEMANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA PRINlIPAhMENaE NAS hINrAS DE  
fRENaE NO hESaE E NO SUh EMwORA MOSlOU OlASIONAhMENaE  
AaAcUE OUaROS hUpARES NA lAMPANrA PARA DESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA MIhIaAR DA UlRANIA E whOcUEAR REMESSAS DE  
ARMAS OlIDENaAIS

- pRANDE deve ser GRANDE
- p deve ser G

- p por G.

O wOMwARDEIO RUSSO fOI O PRIMEIRO GRANDE AaAcUE EM vIEo  
DESDE O fINAh DE AwRIh NAS UhaIMAS SEMANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA PRINlIPAhMENaE NAS hINrAS DE  
fRENaE NO hESaE E NO SUh EMwORA MOSlOU OlASIONAhMENaE  
AaAcUE OUaROS hUGARES NA lAMPANrA PARA DESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA MIhIaAR DA UlRANIA E whOcUEAR REMESSAS DE  
ARMAS OlIDENaAIS

- p por G.

O wOMwARDEIO RUSSO fOI O PRIMEIRO GRANDE AaAcUE EM vIEo  
DESDE O fINAh DE AwRIh NAS UhaIMAS SEMANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA PRINlIPAhMENaE NAS hINrAS DE  
fRENaE NO hESaE E NO SUh EMwORA MOSlOU OlASIONAhMENaE  
AaAcUE OUaROS hUGARES NA lAMPANrA PARA DESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA MIhIaAR DA UlRANIA E whOcUEAR REMESSAS DE  
ARMAS OlIDENaAIS

- hUGARES deve ser LUGARES



- p por G.

O wOMwARDEIO RUSSO fOI O PRIMEIRO GRANDE AaAcUE EM vIEo  
DESDE O fINAh DE AwRIh NAS UhaIMAS SEMANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA PRINlIPAhMENaE NAS hINrAS DE  
fRENaE NO hESaE E NO SUh EMwORA MOSlOU OlASIONAhMENaE  
AaAcUE OUaROS hUGARES NA lAMPANrA PARA DESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA MIhIaAR DA UlRANIA E whOcUEAR REMESSAS DE  
ARMAS OlIDENaAIS

- hUGARES deve ser LUGARES
- h deve ser L

- h por L.

O wOMwARDEIO RUSSO fOI O PRIMEIRO GRANDE AaAcUE EM vIEo  
DESDE O fINAL DE AwRIL NAS ULaIMAS SEMANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA PRINlIPALMENaE NAS LINrAS DE  
fRENaE NO LESaE E NO SUL EMwORA MOSlOU OIASIONALMENaE  
AaAcUE OUaROS LUGARES NA lAMPANrA PARA DESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA MILIaAR DA UIRANIA E wLOcUEAR REMESSAS DE  
ARMAS OlIDENaAIS

- h por L.

O wOMwARDEIO RUSSO fOI O PRIMEIRO GRANDE AaAcUE EM vIEo  
DESDE O fINAL DE AwRIL NAS ULaIMAS SEMANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA PRINlIPALMENaE NAS LINrAS DE  
fRENaE NO LESaE E NO SUL EMwORA MOSlOU OIASIONALMENaE  
AaAcUE OUaROS LUGARES NA lAMPANrA PARA DESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA MILIaAR DA UIRANIA E wLOcUEAR REMESSAS DE  
ARMAS OlIDENaAIS

- INfRAESaRUaURA deve ser INFRAESTRUTURA

- h por L.

O wOMwARDEIO RUSSO fOI O PRIMEIRO GRANDE AaAcUE EM vIEo  
DESDE O fINAL DE AwRIL NAS ULaIMAS SEMANAS A RUSSIA  
lONlENaROU SUA OfENSIoA PRINlIPALMENaE NAS LINrAS DE  
fRENaE NO LESaE E NO SUL EMwORA MOSlOU OIASIONALMENaE  
AaAcUE OUaROS LUGARES NA lAMPANrA PARA DESaRUIR A  
INfRAESaRUaURA MILIaAR DA UIRANIA E wLOcUEAR REMESSAS DE  
ARMAS OlIDENaAIS

- INfRAESaRUaURA deve ser INFRAESTRUTURA
- f deve ser F mesmo, e a deve ser T

- f por F, a por T

O wOMwARDEIO RUSSO fOI O PRIMEIRO GRANDE ATAcUE EM vIEo  
DESDE O fINAL DE AwRIL NAS ULTIMAS SEMANAS A RUSSIA  
lONIENTROU SUA OfENSIoA PRINlIPALMENTE NAS LINrAS DE  
fRENTE NO LESTE E NO SUL EMwORA MOSlOU OIASIONALMENTE  
ATAcUE OUTROS LUGARES NA lAMPANrA PARA DESTRUIR A  
INfRAESTRUTURA MILITAR DA UIRANIA E wLOcUEAR REMESSAS DE  
ARMAS OIDENTAIS

- f por F, a por T

O wOMwARDEIO RUSSO fOI O PRIMEIRO GRANDE ATAcUE EM vIEo DESDE O fINAL DE AwRIL NAS ULTIMAS SEMANAS A RUSSIA lONIENTROU SUA OfENSIoA PRINlIPALMENTE NAS LINrAS DE fRENTE NO LESTE E NO SUL EMwORA MOSlOU OIASIONALMENTE ATAcUE OUTROS LUGARES NA lAMPANrA PARA DESTRUIR A INFRAESTRUTURA MILITAR DA UIRANIA E wLOcUEAR REMESSAS DE ARMAS OIIDENTAIS

- OIIDENTAIS deve ser OCIDENTAIS

- f por F, a por T

O WOMWARDEIO RUSSO FOI O PRIMEIRO GRANDE ATAcUE EM vIEo DESDE O fINAL DE AwRIL NAS ULTIMAS SEMANAS A RUSSIA lONIENTROU SUA OfENSIoA PRINlIPALMENTE NAS LINrAS DE fRENTE NO LESTE E NO SUL EMwORA MOSlOU OIASIONALMENTE ATAcUE OUTROS LUGARES NA lAMPANrA PARA DESTRUIR A INFRAESTRUTURA MILITAR DA UIRANIA E wLOcUEAR REMESSAS DE ARMAS OIDENTAIS

- OIIDENTAIS deve ser OCIDENTAIS
- l deve ser C. E assim por diante.

- terminando

O BOMBARDEIO RUSSO FOI O PRIMEIRO GRANDE ATAQUE EM KIEV DESDE O FINAL DE ABRIL NAS ULTIMAS SEMANAS A RUSSIA CONCENTROU SUA OFENSIVA PRINCIPALMENTE NAS LINHAS DE FRENTE NO LESTE E NO SUL EMBORA MOSCOU OCASIONALMENTE ATAQUE OUTROS LUGARES NA CAMPANHA PARA DESTRUIR A INFRAESTRUTURA MILITAR DA UCRANIA E BLOQUEAR REMESSAS DE ARMAS OCIDENTAIS



- terminando

O BOMBARDEIO RUSSO FOI O PRIMEIRO GRANDE ATAQUE EM KIEV DESDE O FINAL DE ABRIL NAS ULTIMAS SEMANAS A RUSSIA CONCENTROU SUA OFENSIVA PRINCIPALMENTE NAS LINHAS DE FRENTE NO LESTE E NO SUL EMBORA MOSCOU OCASIONALMENTE ATAQUE OUTROS LUGARES NA CAMPANHA PARA DESTRUIR A INFRAESTRUTURA MILITAR DA UCRANIA E BLOQUEAR REMESSAS DE ARMAS OCIDENTAIS

- Note que não é preciso muito esforço.

- terminando

O BOMBARDEIO RUSSO FOI O PRIMEIRO GRANDE ATAQUE EM KIEV DESDE O FINAL DE ABRIL NAS ULTIMAS SEMANAS A RUSSIA CONCENTROU SUA OFENSIVA PRINCIPALMENTE NAS LINHAS DE FRENTE NO LESTE E NO SUL EMBORA MOSCOU OCASIONALMENTE ATAQUE OUTROS LUGARES NA CAMPANHA PARA DESTRUIR A INFRAESTRUTURA MILITAR DA UCRANIA E BLOQUEAR REMESSAS DE ARMAS OCIDENTAIS

- Note que não é preciso muito esforço.
- Mesmo tendo 26! chaves.



- Além disso, suponha que você vai encriptar o número do cartão de crédito trocando os dígitos de 0 a 9.

- Além disso, suponha que você vai encriptar o número do cartão de crédito trocando os dígitos de 0 a 9.
- Nesse caso seriam apenas  $10!$  chaves possíveis, ou 3.628.800.

- Além disso, suponha que você vai encriptar o número do cartão de crédito trocando os dígitos de 0 a 9.
- Nesse caso seriam apenas  $10!$  chaves possíveis, ou 3.628.800.
- Que é possível simplesmente testar todas as combinações. Em particular se Maurício tiver roubado o número encriptado de vários cartões.

# Cifras de Chave Única

## Cifras de Chave Única

- Uma criptografia mais robusta que a cifra de substituição simples. Envolve a utilização de uma chave maior, e da operação  $\oplus$  (XOR, ou exclusivo).

$$0 \oplus 0 = 0 \quad (1)$$

$$0 \oplus 1 = 1 \quad (2)$$

$$1 \oplus 0 = 1 \quad (3)$$

$$1 \oplus 1 = 0 \quad (4)$$





- A cifra de chave única se baseia no fato de que se ao bit  $x$  é aplicado um XOR com um bit  $y$  duas vezes, ele volta a ser  $x$ , ou seja,

$$(x \oplus y) \oplus y = x$$

- A cifra de chave única se baseia no fato de que se ao bit  $x$  é aplicado um XOR com um bit  $y$  duas vezes, ele volta a ser  $x$ , ou seja,

$$(x \oplus y) \oplus y = x$$

- Você pode entender o XOR como: se  $y$  for 0 o resultado é o  $x$ , se  $y$  for 1 o resultado é o inverso de  $x$ .



- Toda informação digital pode ser convertida em bits. Utilizando o padrão ASCII por exemplo:

b o m b

- Toda informação digital pode ser convertida em bits. Utilizando o padrão ASCII por exemplo:

b	o	m	b
98	111	109	98

- Toda informação digital pode ser convertida em bits. Utilizando o padrão ASCII por exemplo:

	b	o	m	b
	98	111	109	98
<i>M</i>	0110 0010	0110 1111	0110 1101	0110 0010

- Toda informação digital pode ser convertida em bits. Utilizando o padrão ASCII por exemplo:

	b	o	m	b
	98	111	109	98
<i>M</i>	0110 0010	0110 1111	0110 1101	0110 0010
	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
<i>chave</i>	0011 0101	0010 0000	1101 1111	0110 1011



- Toda informação digital pode ser convertida em bits. Utilizando o padrão ASCII por exemplo:

	b	o	m	b
	98	111	109	98
<i>M</i>	0110 0010	0110 1111	0110 1101	0110 0010
	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
<i>chave</i>	0011 0101	0010 0000	1101 1111	0110 1011
<i>C</i>	0101 0111	0100 1111	1011 0010	0000 1001

b o m b

b  
98

o  
111

m  
109

b  
98

	b	o	m	b
	98	111	109	98
<i>M</i>	0110 0010	0110 1111	0110 1101	0110 0010

	b	o	m	b
	98	111	109	98
<i>M</i>	0110 0010	0110 1111	0110 1101	0110 0010
	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
<i>chave</i>	0011 0101	0010 0000	1101 1111	0110 1011

	b	o	m	b
	98	111	109	98
<i>M</i>	0110 0010	0110 1111	0110 1101	0110 0010
	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
<i>chave</i>	0011 0101	0010 0000	1101 1111	0110 1011
<i>C</i>	0101 0111	0100 1111	1011 0010	0000 1001

	b	o	m	b
	98	111	109	98
<i>M</i>	0110 0010	0110 1111	0110 1101	0110 0010
	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
<i>chave</i>	0011 0101	0010 0000	1101 1111	0110 1011
<i>C</i>	0101 0111	0100 1111	1011 0010	0000 1001
	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
<i>chave</i>	0011 0101	0010 0000	1101 1111	0110 1011

	b	o	m	b
	98	111	109	98
<i>M</i>	0110 0010	0110 1111	0110 1101	0110 0010
	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
<i>chave</i>	0011 0101	0010 0000	1101 1111	0110 1011
<i>C</i>	0101 0111	0100 1111	1011 0010	0000 1001
	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
<i>chave</i>	0011 0101	0010 0000	1101 1111	0110 1011
<i>M</i>	0110 0010	0110 1111	0110 1101	0110 0010



	b	o	m	b
	98	111	109	98
<i>M</i>	0110 0010	0110 1111	0110 1101	0110 0010
	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
<i>chave</i>	0011 0101	0010 0000	1101 1111	0110 1011
<i>C</i>	0101 0111	0100 1111	1011 0010	0000 1001
	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$	$\oplus$
<i>chave</i>	0011 0101	0010 0000	1101 1111	0110 1011
<i>M</i>	0110 0010	0110 1111	0110 1101	0110 0010
	b	o	m	b



- Se todos os bits da chave forem gerados aleatoriamente.

- Se todos os bits da chave forem gerados aleatoriamente.
- Cada bit de  $C$  tem 50% de chance de ser igual ao bit original e 50% de ser o inverso.
- Ou seja, o bit de  $C$  não te dará nenhuma informação sobre  $M$ , ou sobre a chave.

- Se todos os bits da chave forem gerados aleatoriamente.
- Cada bit de  $C$  tem 50% de chance de ser igual ao bit original e 50% de ser o inverso.
- Ou seja, o bit de  $C$  não te dará nenhuma informação sobre  $M$ , ou sobre a chave.
- Portanto podemos considerar que é uma criptografia robusta nesse sentido, entretanto...

Desvantagens da cifra de chave única.

Desvantagens da cifra de chave única.

- Se  $M$  exige  $b$  bits, então a chave precisa ter  $b$  bits.

Desvantagens da cifra de chave única.

- Se  $M$  exige  $b$  bits, então a chave precisa ter  $b$  bits.
- Você só pode usar a chave uma única vez:
  - ▶ Suponha que Maurício obtenha 2 textos cifrados  $C_1$  e  $C_2$ .



Desvantagens da cifra de chave única.

- Se  $M$  exige  $b$  bits, então a chave precisa ter  $b$  bits.
- Você só pode usar a chave uma única vez:
  - ▶ Suponha que Maurício obtenha 2 textos cifrados  $C_1$  e  $C_2$ .
  - ▶ Apesar de não ter a chave Maurício faz

$$C_1 \oplus C_2 \tag{5}$$

$$(M_1 \oplus \textit{chave}) \oplus (M_2 \oplus \textit{chave}) \tag{6}$$

$$M_1 \oplus M_2 \tag{7}$$

Desvantagens da cifra de chave única.

- Se  $M$  exige  $b$  bits, então a chave precisa ter  $b$  bits.
- Você só pode usar a chave uma única vez:
  - ▶ Suponha que Maurício obtenha 2 textos cifrados  $C_1$  e  $C_2$ .
  - ▶ Apesar de não ter a chave Maurício faz

$$C_1 \oplus C_2 \quad (5)$$

$$(M_1 \oplus chave) \oplus (M_2 \oplus chave) \quad (6)$$

$$M_1 \oplus M_2 \quad (7)$$

- ▶ Ou seja, Maurício obtém a informação dos bits em que as mensagens originais era iguais (inclusive se ela for toda igual)

# Cifra de bloco e encadeamento

## Cifra de bloco e encadeamento

- Quanto a mensagem a ser passada é muito grande, precisar de uma chave igualmente grande pode ser ruim.

## Cifra de bloco e encadeamento

- Quanto a mensagem a ser passada é muito grande, precisar de uma chave igualmente grande pode ser ruim.
- Podemos usar uma chave mais curta e desmembrar o  $M$  em vários blocos, aplicando a chave em cada bloco.



- Digamos que temos uma função  $E()$  que usa uma certa *chave* e consegue encriptar um bloco de tamanho  $b$ .

- Digamos que temos uma função  $E()$  que usa uma certa *chave* e consegue encriptar um bloco de tamanho  $b$ .
- Quebramos nosso texto comum  $M$  em blocos  $t_1, t_2, \dots, t_l$ , cada um com tamanho  $b$ .



- Digamos que temos uma função  $E()$  que usa uma certa *chave* e consegue encriptar um bloco de tamanho  $b$ .
- Quebramos nosso texto comum  $M$  em blocos  $t_1, t_2, \dots, t_l$ , cada um com tamanho  $b$ .
- Poderíamos agora encriptar cada bloco com  $E()$ , porém isso ainda daria informação à Maurício sobre quais blocos de  $M$  são iguais.

- Digamos que temos uma função  $E()$  que usa uma certa *chave* e consegue encriptar um bloco de tamanho  $b$ .
- Quebramos nosso texto comum  $M$  em blocos  $t_1, t_2, \dots, t_l$ , cada um com tamanho  $b$ .
- Poderíamos agora encriptar cada bloco com  $E()$ , porém isso ainda daria informação à Maurício sobre quais blocos de  $M$  são iguais.
- Então aplicamos a técnica de encadeamento.

$$c_1 = E(t_1) \tag{8}$$

$$c_2 = E(t_2 \oplus c_1) \tag{9}$$

$$c_3 = E(t_3 \oplus c_2) \tag{10}$$

$$\dots \tag{11}$$

$$c_l = E(t_l \oplus c_{l-1}) \tag{12}$$

$$c_1 = E(t_1) \quad (8)$$

$$c_2 = E(t_2 \oplus c_1) \quad (9)$$

$$c_3 = E(t_3 \oplus c_2) \quad (10)$$

$$\dots \quad (11)$$

$$c_l = E(t_l \oplus c_{l-1}) \quad (12)$$

Maurício agora não consegue ver quais blocos são iguais, entretanto se a mensagem for toda igual, a sequência de blocos também será. Vamos consertar isso com um **vetor de inicialização**  $c_0$  gerado aleatoriamente.

$$c_0 = \text{random}(); \quad (13)$$

$$c_1 = E(t_1 \oplus c_0) \quad (14)$$

$$c_2 = E(t_2 \oplus c_1) \quad (15)$$

$$c_3 = E(t_3 \oplus c_2) \quad (16)$$

$$\dots \quad (17)$$

$$c_l = E(t_l \oplus c_{l-1}) \quad (18)$$



- Bob por sua vez, tem a função  $D$  e *chave* capaz de decifrar um bloco de tamanho  $b$  e recebe os blocos  $c_0, c_1, c_2, \dots, c_l$ .

$$t_1 = D(c_1) \oplus c_0 = (t_1 \oplus c_0) \oplus c_0 \quad (19)$$

- Bob por sua vez, tem a função  $D$  e *chave* capaz de decifrar um bloco de tamanho  $b$  e recebe os blocos  $c_0, c_1, c_2, \dots, c_l$ .

$$t_1 = D(c_1) \oplus c_0 = (t_1 \oplus c_0) \oplus c_0 \quad (19)$$

$$t_2 = D(c_2) \oplus c_1 \quad (20)$$

$$t_3 = D(c_2) \oplus c_2 \quad (21)$$

$$\dots \quad (22)$$

$$t_l = D(c_l) \oplus c_{l-1} \quad (23)$$





- Um exemplo desse sistema é o AES (*Advanced Encryption Standard*) que faz algo mais elaborado que um XOR, e usa chaves de 128, 192 ou 256 bits para encriptar blocos de 128 bits.

- Um exemplo desse sistema é o AES (*Advanced Encryption Standard*) que faz algo mais elaborado que um XOR, e usa chaves de 128, 192 ou 256 bits para encriptar blocos de 128 bits.
- Apesar de eficiente esses sistemas tem um grande desafio. Ambas as partes precisam concordar com a *chave* a priori.

- Um exemplo desse sistema é o AES (*Advanced Encryption Standard*) que faz algo mais elaborado que um XOR, e usa chaves de 128, 192 ou 256 bits para encriptar blocos de 128 bits.
- Apesar de eficiente esses sistemas tem um grande desafio. Ambas as partes precisam concordar com a *chave* a priori.
- Seria ineficiente, que todo site que frequentamos/compramos exigisse que fossemos num lugar físico pegar a chave em um pendrive.